

**ANNO ACCADEMICO 2015/16**

**Algoritmi e Basi di dati – Modulo di Algoritmi e Strutture dati**

**17 gennaio 2017**

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 6 | 7 | 7 | 7 | 6 |

**Esercizio 1**

1. Descrivere le seguenti memorizzazioni di un grafo orientato etichettato: a) liste di adiacenza; b) matrici di adiacenza
2. Se il grafo ha  $n$  nodi e  $m$  archi, calcolare la complessità, per ognuna delle memorizzazioni indicate, dell'operazione di:
  - i. Inserimento di un arco che congiunge i nodi  $i$  e  $j$
  - ii. Cancellazione di un arco che congiunge i nodi  $i$  e  $j$

|             |
|-------------|
| a-i $O(1)$  |
| a-ii $O(m)$ |
| b-i $O(1)$  |
| b-ii $O(1)$ |

**Esercizio 2**

Calcolare la complessità dell'istruzione

```
for (int i=0; i<=f(t); i++) cout << g(t->left) + g(t->right);
```

in funzione del numero di nodi di  $t$ . Indicare per esteso le relazioni di ricorrenza.

Supporre che  $t$  sia un albero binario bilanciato e le funzioni  $f$  e  $g$  siano definite come segue:

|  |  |
|--|--|
| <pre>int f(Node* t) {     if (!t)         return 1;     return g(t-&gt;left) + f(t-&gt;left) + f(t-&gt;right); }</pre> | <pre>int g(Node * t) {     if (!t) return 0;     int a = g(t-&gt;left);     int b = g(t-&gt;right);     return 1 +2a + 2b; }</pre> |
|--|--|

$$Tg(0) = d$$

$$Tg(n) = c + 2 Tg(n/2) \quad Tg(n) \text{ è } O(n)$$

$$Rg(0) = d$$

$$Rg(n) = c + 4 Rg(n/2) \quad Rg(n) \text{ è } O(n^2)$$

$$Tf(0) = d$$

$$Tf(n) = cn + 2 Tf(n/2) \quad Tf(n) \text{ è } O(n \log n)$$

$$Rf(0) = d$$

$$Rf(n) = cn^2 + 2 Rf(n/2) \quad Rf(n) \text{ è } O(n^2)$$

Numero di iterazioni del for:  $O(n^2)$

Complessità di una iterazione:  $Tf(n) + 2Tg(n/2) = O(n \log n) + O(n) = O(n \log n)$

Complessità del for:  $O(n^3 \log n)$

### Esercizio 3

Sia dato un albero generico ad etichette intere memorizzato figlio-fratello. Si scriva una funzione con complessità  $O(n)$  che prende in ingresso un intero positivo  $k$  e somma 1 ad ogni foglia di livello maggiore di  $k$ .

```
void sum (Node* t, int k, int level) {
    if (! t) return;
    if (level > k && !t->left) t->label++;
    sum level(t->left, k, level+1);
    sum level(t->right, k, level);
}
```

### Esercizio 4

- Algoritmo di Huffman per la codifica dei caratteri di un alfabeto: dire quale problema risolve, quali sono i suoi input e output, descriverlo dettagliatamente indicando la sua complessità.
- Fare un esempio con un alfabeto di 4 caratteri per il quale l'algoritmo non presenta miglioramenti rispetto ad una codifica fissa

### Esercizio 5

- Spiegare il meccanismo della derivazione in c++, con riferimento alla visibilità delle variabili e dei metodi delle classi nella gerarchia.
- Dato il seguente programma, indicarne la gerarchia di classi e l'output indicando riga per riga qual è la funzione coinvolta.

```
class A {
protected:
int x;
public:
A(){ x=10; cout << x << endl;};
void stampa(){ cout << x << endl;};
};
class B: public A {
int x;
public:
B(){ x=20; cout << x << endl;};
void stampa(){ cout << x << endl;};
};
class C: public B {
int x;
public:
C(){ x=30; cout << x << endl;};
void stampa(){ cout << x << endl;};
};
class D: public A {
```

```

public:
D(){ x=50; cout << x << endl;};
void stampa(){ cout << x << endl;};
};

class E: public D {
int x;
public:
E(){ x=40; cout << x << endl;};
void stampa(){ cout << x << endl;};
};

int main(){

A* objA=new A;
B* objB=new B;
C* objC=new C;
D* objD=new D;
E* objE=new E;

B* objH = objC;
objH->stampa();

A* objL=objE;
objL->stampa();
}

```

|    |            |
|----|------------|
| 10 | A()        |
| 10 | A()        |
| 20 | B()        |
| 10 | A()        |
| 20 | B()        |
| 30 | C()        |
| 10 | A()        |
| 50 | D()        |
| 10 | A()        |
| 50 | D()        |
| 40 | E()        |
| 20 | B.stampa() |
| 50 | A.stampa() |